



Prof<sup>a</sup>. Me. Samanta Santos da Vara Vanini

## EXERCÍCIOS

- 1) Em cada um dos problemas abaixo, determinar os vértices, os focos e a excentricidade das hipérboles dadas. Esboçar o gráfico.

a)  $\frac{x^2}{100} - \frac{y^2}{64} = 1$

b)  $\frac{y^2}{100} - \frac{x^2}{64} = 1$

c)  $9x^2 - 16y^2 = 144$

d)  $4x^2 - 5y^2 + 20 = 0$

e)  $x^2 - 2y^2 - 8 = 0$

f)  $3x^2 - y^2 + 3 = 0$

g)  $x^2 - y^2 = 1$

h)  $y^2 - 4x^2 = 1$

i)  $2y^2 - 4x^2 = 1$

## Gabarito

a) A( $\pm 10, 0$ ), F( $\pm 2\sqrt{41}, 0$ ),  $e = \sqrt{41}/5$

b) A( $0, \pm 10$ ), F( $0, \pm 2\sqrt{41}$ ),  $e = \sqrt{41}/5$

c) A( $\pm 4, 0$ ), F( $\pm 5, 0$ ),  $e = 5/4$

d) A( $0, \pm 2$ ), F( $0, \pm 3$ ),  $e = 3/2$

e) A( $\pm 2\sqrt{2}, 0$ ), F( $\pm 2\sqrt{3}, 0$ ),  $e = \sqrt{6}/2$

f) A( $0, \pm \sqrt{3}$ ), F( $0, \pm 2$ ),  $e = 2\sqrt{3}/3$

g) A( $\pm 1, 0$ ), F( $\pm \sqrt{2}, 0$ ),  $e = \sqrt{2}$

h) A( $0, \pm 1$ ), F( $0, \pm \sqrt{5}/2$ ),  $e = \sqrt{5}/2$

i) A( $0, \pm \sqrt{2}/2$ ), F( $0, \pm \sqrt{3}/2$ ),  $e = \sqrt{6}/2$

- 2) Em cada um dos itens abaixo, determine a equação da hipérbole que satisfaz as condições dadas.

a) focos F( $\pm 5, 0$ ), vértices A ( $\pm 3, 0$ )

b) focos F ( $0, \pm 3$ ), vértices A ( $0, \pm 2$ )

c) vértices A ( $\pm 4, 0$ ), passando por P(8, 2)

d) centro C(0,0), eixo real sobre Oy,  $b = 8$  e excentricidade  $5/3$



# Engenharia Civil

Prof<sup>a</sup>. Me. Samanta Santos da Vara Vanini

- e) focos  $F(0, \pm 5)$ , comprimento do eixo imaginário 4
- f) vértices  $A(\pm 3, 0)$ , equações das assíntotas  $y = \pm 2x$
- g) vértices em  $(5, -2)$  e  $(3, -2)$ , um foco em  $(7, -2)$
- h) vértices em  $(5, 5)$  e  $(5, -1)$ , excentricidade  $e = 2$
- i) centro  $C(5, 1)$ , um foco em  $(9, 1)$ , eixo imaginário mede  $4\sqrt{2}$
- j) focos  $(-1, -5)$  e  $(5, -5)$ , hipérbole equilátera
- k) vértices  $(-3, -4)$  e  $(-3, 4)$ , hipérbole equilátera
- l) centro  $C(2, -3)$ , eixo real paralelo a  $Oy$ , passando por  $(3, -1)$  e  $(-1, 0)$
- m) centro  $C(-2, 1)$ , eixo real paralelo a  $Ox$ , passando por  $(0, 2)$  e  $(-5, 6)$
- n) focos em  $(3, 4)$  e  $(3, -2)$ , excentricidade  $e = 2$ .

3) Em cada item a seguir, determinar o centro, os vértices, os focos e a excentricidade das hipérboles dadas. Esboçar o gráfico.

- a)  $9x^2 - 4y^2 - 18x - 16y - 43 = 0$
- b)  $x^2 - 4y^2 + 6x + 24y - 31 = 0$
- c)  $9x^2 - 4y^2 - 54x + 8y + 113 = 0$
- d)  $4x^2 - y^2 - 32x + 4y + 24 = 0$
- e)  $9x^2 - y^2 + 36x + 6y + 63 = 0$
- f)  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 18y + 199 = 0$

4) Obter a equação reduzida resultante de uma translação de eixos, classificar, dar elementos e representar graficamente as equações:

- a)  $x^2 + 4y^2 - 4x - 24y + 36 = 0$
- b)  $x^2 - y^2 - 8x - 4y + 11 = 0$
- c)  $y^2 - 8x + 6y + 17 = 0$
- d)  $3x^2 + 2y^2 - 12x + 8y + 19 = 0$
- e)  $x^2 + 2x + 8y - 15 = 0$
- f)  $9x^2 - 4y^2 - 54x + 45 = 0$
- g)  $9y^2 - 25x^2 - 90y - 50x = 25$

**Respostas:**

2)

- a)  $16x^2 - 9y^2 - 144 = 0$
- b)  $4x^2 - 5y^2 + 20 = 0$
- c)  $x^2 - 12y^2 - 16 = 0$



# Engenharia Civil

Prof<sup>a</sup>. Me. Samanta Santos da Vara Vanini

d)  $64y^2 - 9x^2 - 576 = 0$

e)  $\frac{y^2}{21} - \frac{x^2}{4} = 1$

f)  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{36} = 1$

g)  $8x^2 - y^2 - 64x - 4y + 116 = 0$

h)  $x^2 - 3y^2 - 10x + 12y + 40 = 0$

i)  $x^2 - y^2 - 10x + 2y + 16 = 0$

j)  $2x^2 - 2y^2 - 8x - 20y - 51 = 0$

k)  $x^2 - y^2 + 6x + 25 = 0$

l)  $5x^2 - 8y^2 - 20x - 48y - 25 = 0$

m)  $24x^2 - 5y^2 + 96x + 10y = 0$

n)  $12y^2 - 4x^2 - 24y + 24x - 51 = 0$

3)

a) C(1,-2), A<sub>1</sub>(-1,-2), A<sub>2</sub>(3,-2), F(1±√13, -2), e = √13/2

b) C(-3,3), A<sub>1</sub>(-5,3), A<sub>2</sub>(-1,3), F(-3±√5, 3), e = √5/2

c) C(3,1), A<sub>1</sub>(3,-2), A<sub>2</sub>(3,4), F(3,1±√13), e = √13/3

d) C(4,2), A<sub>1</sub>(1,2), A<sub>2</sub>(7,2), F(4±3√5, 2), e = √5

e) C(-2,3), A<sub>1</sub>(-2,-3), A<sub>2</sub>(-2,9), F(-2,3±2√10), e = √10/3

f) C(2,-1), A<sub>1</sub>(2,-5), A<sub>2</sub>(2,3), F<sub>1</sub>(2,-6), F<sub>2</sub>(2,4), e = 5/4

4)

a)  $\frac{x'^2}{4} + y'^2 = 1$ , elipse, eixo maior 4, eixo menor 2, focos F(2±√3,3)

b)  $x'^2 - y'^2 = 1$ , hipérbole, eixo real 2, eixo imaginário 2, F(4±√2,-2)

c)  $y'^2 = 8x'$ , parábola, p = 4, diretriz: x = -1, F (3,-3)

d)  $3x'^2 + 2y'^2 = 1$ , elipse, eixo maior √2, eixo menor 2√3/3, F(2,-2±√6/6)

e)  $x'^2 = -8y'$ , parábola, p = -4, F(-1,0), diretriz: y = 4.

f)  $\frac{x'^2}{4} - \frac{y'^2}{9} = 1$ , hipérbole, eixo real 4, eixo imaginário 6, F(3±√13,0)

g)  $\frac{y'^2}{25} - \frac{x'^2}{9} = 1$ , hipérbole, eixo real 10, eixo imaginário 6, F(-1,5±√34)